

Контрольная работа по теме: «Логарифмическая функция»
Вариант 1

1. Найдите значение выражения:

а) $\log_6 \log_2 64$

б) $\log_2 224 - \log_2 7$

в) $\frac{\log_5 \sqrt[5]{43}}{\log_5 43}$

г) $11 \cdot 4^{\log_2 3}$

д) $\log_6 5 \cdot \log_{25} 216$

е) $5 \log_9 \sqrt[3]{9} - \log_{7^3} 49$

2. Решите уравнение:

а) $\log_2(12 - 4x) = 5$

б) $\log_8(4x + 7) = \log_8 3$

в) $8^{\log_8(x+26)} = 34$

г) $\log_8 2^{8x-4} = 4$

д) $\log_7(11x + 5) - \log_7 2 = \log_7 19$

3. Решите неравенство:

а) $\log_2(x + 5) + \log_2 23 \geq \log_2 69$

б) $\log_{\frac{1}{7}}(9 - x) + \log_{\frac{1}{7}} \frac{1}{x} \leq \log_{\frac{1}{7}} \left(\frac{1}{x} - x + 8 \right)$

Контрольная работа по теме: «Логарифмическая функция»
Вариант 2

1. Найдите значение выражения:

а) $\log_7 \log_3 3^7$

б) $\log_{13} 16,9 + \log_{13} 10$

в) $\frac{\log_6 \sqrt[5]{51}}{\log_6 51}$

г) $13 \cdot 49^{\log_7 2}$

д) $\log_7 3 \cdot \log_9 49$

е) $2 \log_5 5^8 + \log_{\sqrt[5]{11}} 121$

2. Решите уравнение:

а) $\log_2(-5x - 6) = 6$

б) $\log_4(2x - 9) = \log_4 6$

в) $9^{\log_9(x-6)} = 3$

г) $\log_{27} 3^{5x-2} = 9$

д) $\log_9(3x - 4) - \log_9 4 = \log_9 5$

3. Решите неравенство:

а) $\log_{0,25}(2x - 7) + \log_{0,25} 35 \geq \log_{0,25} 70$

б) $\log_{\frac{10}{3}}(2 - x) + \log_{\frac{10}{3}} \frac{2}{x} \geq \log_{\frac{10}{3}} \left(\frac{3}{x} - 6x + 3 \right)$

Контрольная работа по теме: «Логарифмическая функция»
Вариант 3

1. Найдите значение выражения:

а) $\log_3 \log_6 216$

б) $\log_{17} 23,8 - \log_{17} 1,4$

в) $\frac{\log_4 \sqrt{43}}{\log_4 \sqrt[4]{43}}$

г) $12 \cdot 125^{\log_5 2}$

д) $\log_4 25 \cdot \log_5 16$

е) $2 \log_7 343 + \log_{\sqrt[3]{16}} 256$

2. Решите уравнение:

а) $\log_{0,2}(4x + 7) = -2$

б) $\log_9(9x - 8) = \log_9 12$

в) $9^{\log_9(3x-8)} = 15$

г) $\log_{64} 4^{3x-3} = 6$

д) $\log_2(x + 1) = 3 - \log_2(x + 3)$

3. Решите неравенство:

а) $\log_{0,1}(x + 4) + \log_{0,1}(x - 5) \leq -1$

б) $\log_3^2(5x - 6 - x^2) - 6 \log_3(5x - 6 - x^2) + 8 > 0$

ОТВЕТЫ

Вариант 1

1. а) 1 б) -5 в) 0,2 г) 99 д) 1,5 е) 1
2. а) -5 б) -1 в) 8 г) 2 д) 3
3. а) $x \in [-2; +\infty)$ б) $x \in (0; 1] \cup [8; 4 + \sqrt{17})$

Вариант 2

1. а) 1 б) 2 в) 0,2 г) 52 д) 1 е) 26
2. а) -14 б) 7,5 в) 9 г) 5,8 д) 8
3. а) $x \in (3,5; 4,5]$ б) $x \in (0; \frac{1}{3}] \cup [\frac{1}{2}; 1)$

Вариант 3

1. а) 0,5 б) 1 в) 2 г) 96 д) 4 е) 12
2. а) 4,5 б) 2 в) 8 г) 7 д) 1
3. а) $x \in [6; +\infty)$ б) $x \in (-\infty; -2) \cup \left\{\frac{6}{7}\right\} \cup (5; 6]$